

منطق قضایای خارجیه

اسدالله فلاحی^۱

تاریخ دریافت: ۱۴۰۱/۰۵/۲۲ تاریخ پذیرش: ۱۴۰۲/۰۶/۳۰

DOI: [10.30497/AP.2023.245286.1647](https://doi.org/10.30497/AP.2023.245286.1647)



چکیده

برای تفسیر و تحلیل قضایای حقیقیه و خارجیه، دو روش کلی وجود دارد: نخست تحلیل آنها درون یک منطق واحد، دوم اختصاص منطق‌های جداگانه به آن‌ها. تاکنون بیشتر تفسیرها و تحلیل‌های قضایای خارجیه و حقیقیه به روش نخست، و درون منطق قدیم یا شاخه‌ای از منطق جدید صورت گرفته و بهندرت از روش دوم برای این منظور بهره‌برداری شده است. در این مقاله، می‌خواهم روش دوم را به کار ببرم و نشان دهم که هرچند منطق مناسب برای قضایای حقیقیه، منطق کلاسیک محمول‌ها است، منطق مناسب برای قضایای خارجیه، منطق آزاد محمول‌ها است. نشان می‌دهم که منطق آزاد محمول‌ها، که منطقی ناکلاسیک و غیراستاندارد است، قواعد معرفی و حذف سورها را به وجود خارجی اشیا مقید می‌سازد؛ از این‌رو، مناسب‌ترین منطق برای قضایای خارجیه است، برخلاف منطق کلاسیک محمول‌ها که تقيیدی به وجود خارجی اشیا ندارد و از این‌رو، برای قضایای حقیقیه مناسب‌تر است. هم‌چنین، نشان می‌دهم که با افزودن منطق موجهات و منطق زمان به منطق‌های کلاسیک و آزاد محمول‌ها، تمایز اصول و قواعد قضایای حقیقیه و خارجیه بیشتر می‌شود و درنتیجه، منطق‌هایشان متمایز‌تر می‌شوند. به طور ویژه، نشان می‌دهم که فرمول‌های بارکن، بوریدان و عکس بارکن برای قضایای حقیقیه صادق‌اند و در منطق موجهات و منطق زمان کلاسیک اثبات می‌شوند؛ درحالی که برای قضایای خارجیه کاذباند و در منطق موجهات آزاد و منطق زمان آزاد اثبات ناپذیرند.

کلید واژه‌ها: قضیه حقیقیه، قضیه خارجیه، فرمول بارکن، فرمول بوریدان، منطق آزاد، منطق محمول‌ها.

مقدمه

تمایز قضایای حقیقیه و خارجیه، ریشه در آثار منطقی ارسسطو دارد (فلاحی، ۱۴۰۰)؛ ولی بحث گسترده‌ای از آن در نوشته‌های ابن‌سینا شکل گرفته است (ابن‌سینا، ۱۹۶۴ م، ص ۲۱، ۲۸-۳۰، ۱۳۲، ۱۱۳، ۸۵-۸۲، ۱۳۸-۱۴۱، ۱۵۱-۱۵۵، ابن‌سینا، ۱۳۸۱، ص ۹۳، ۹۸) و پیروان او، از فخر رازی تا معاصران، به طور ویژه به آن پرداخته‌اند (فلاحی، ۱۴۰۱ و ۱۴۰۲) تا آنجا که در اصول فقه معاصر جایگاه برجسته‌ای یافته است (میرزا نائینی، ۱۳۷۶، ج ۱، ص ۱۷۱-۱۷۸؛ مطهری، ۱۳۶۹، ص ۲۳۱-۲۳۵).

در نیمسده گذشته، بسیاری از پژوهشگران تاریخ منطق تفسیرها و تحلیل‌های فراوان و بسیار پراکنده‌ای از قضایای حقیقیه و خارجیه به نگارش درآورده‌اند که حتی برخی از آن‌ها با هم ناسازگارند و گزارش تفصیلی این پژوهش‌ها خود نیازمند پژوهشی مستقل است؛ با وجود این، همه این تفسیرها و تحلیل‌ها را می‌توان در دو دسته کلان و در دو روش کلی جای داد: روش نخست — که تا کنون روش غالب بوده — این است که یک منطق (مانند منطق قدیم، منطق محمول‌ها، منطق موجهات، منطق مرتبه دوم، و غیره) را پایه و اساس قرار دهیم و بخواهیم درون آن منطق، قضایای حقیقیه و خارجیه را با ابزارهای آن منطق تعریف کنیم و اجزای ساختاری این قضایا را به دست دهیم. این روش تا کنون بسیار مؤثر بوده و ابهام‌های فراوانی را در باره این قضایا بر طرف ساخته و زوایای تاریک بسیاری را روشن کرده است. روش دوم اما آن است که قضایای حقیقیه و خارجیه را اصولاً دارای دو منطق جدا و در عرض هم بدانیم و برای هر یک، اصول موضوعه و قواعد استنتاجی متفاوتی قائل شویم. این روشی بوده است که تا آنجا که جستجوی نگارنده نشان می‌دهد، تنها نگارنده این مقاله و یکی از اندیشمندان معاصر، حمید وحید دستجردی، به آن عمل کرده است.

حمید وحید دستجردی که منطق قضایای حقیقیه را منطق محمول‌ها می‌داند و منطق قضایای خارجیه را منطقی قوی‌تر معرفی می‌کند، به ازای هر محمول‌نشانه F اصل موضوع $\exists x Fx$ را که دلالت بر وجود F می‌کند به اصول موضوعه منطق محمول‌ها می‌افزاید. (وحید دستجردی ۱۳۶۷ صص ۵۸۳-۵۸۴ و ۵۸۹).

نگارنده پیش از این، در مقالاتی نقدهای خود به این پیشنهاد وحید دستجردی را بیان کرده است (فلاحتی، ۱۳۸۶، ص ۵۱-۴۹، ۱۳۸۷، ص ۶۲-۶۳). او هم‌چنین، در مقاله‌ای دیگر با نقد رویکرد وحید دستجردی، مفهوم وجود را نه با سور جزئی " \exists " که یک محمول مرتبه دوم است، بلکه با محمول مرتبه اول " $E!$ " تحلیل کرده و با افزودن آن به منطق کلاسیک محمول‌ها، دو منطق قوی‌تر پیشنهاد داده است: «منطق محمول‌ها و وجود» که هیچ اصل موضوعی برای " $E!$ " نمی‌افزاید و «منطق وجود همگانی» که اصل موضوع «وجود همگانی» یا «همگانی‌بودن وجود» $\forall x E!x$ را می‌افزاید. نگارنده در آن مقاله ادعا کرده بود: «منطق محمول‌ها و وجود، منطق قضایی حقیقیه است و منطق وجود همگانی، منطق قضایی خارجیه» (فلاحتی، ۱۳۸۸، ص ۲۹). از آنجاکه «منطق محمول‌ها و وجود» هیچ اصل موضوعی برای " $E!$ " نمی‌افزاید، می‌توان گفت که این منطق درواقع هم‌توان منطق محمول‌ها است و نه قوی‌تر از آن، هرچند به نظر می‌رسد که «منطق وجود همگانی» به دلیل افزودن یک اصل موضوع قوی‌تر از منطق محمول‌ها است و از این جهت، با وحید دستجردی هم‌نظر است که منطق قضایی خارجیه قوی‌تر از منطق محمول‌ها است.

نگارنده اکنون هرچند هم‌چنان با این ادعای وحید دستجردی و دیدگاه پیشین خودش موافق است که منطق قضایی حقیقیه همان منطق محمول‌ها است، اما می‌خواهد نشان دهد که منطق قضایی خارجیه نه منطقی قوی‌تر، بلکه منطقی ضعیف‌تر از منطق محمول‌ها است که در میان منطق‌های غیر استاندارد با عنوان «منطق آزاد» (Free logic) شناخته می‌شود. در این مقاله، برای تفکیک بهتر این دو منطق، آن دو را به ترتیب «منطق کلاسیک محمول‌ها» و «منطق آزاد محمول‌ها» می‌خوانم.

اتفاقاً، نگارنده در مقاله ۱۳۸۸ خود، بر خلاف دیدگاه فعلی اش، «منطق آزاد» را برای تحلیل قضایی حقیقیه و خارجیه کاملاً نامناسب یافته بود: «به نظر می‌رسد که منطق آزاد صلاحیت ندارد تا منطق مورد نظر برای قضایی خارجیه منطق قدیم باشد زیرا ... در منطق آزاد، قاعده تداخل به هیچ وجه معتبر نیست و این با روح منطق قدیم ناسازگار است.» (فلاحتی ۱۳۸۸ ص ۶۹). اما امروزه به نظر نگارنده چنین می‌رسد که دلیل ارائه شده در این عبارت متقن نیست و

اتفاقاً منطق آزاد مناسب‌ترین منطق برای قضایای خارجیه است.

در ادامه، منطق کلاسیک محمول‌ها را به کوتاهی معرفی و نامناسب بودن آن برای قضایای خارجیه را نشان می‌دهم و آنگاه به معرفی منطق آزاد محمول‌ها می‌پردازم و سپس با افزودن منطق موجهات به این منطق، نشان می‌دهم که منطق آزاد محمول‌ها مناسب‌ترین با قضایای خارجیه دارد.

۱. قواعد منطق کلاسیک محمول‌ها

منطق کلاسیک محمول‌ها همان منطق گزاره‌ها است به همراه دو قاعدة معرفی و حذف سور کلی و دو قاعدة معرفی و حذف سور جزئی. مفروض مقاله این است که خواننده با این قاعدة‌ها آشنا است؛ از این‌رو، تنها به مرور این چهار قاعدة بسته شود. این چهار قاعدة را می‌توان به دو دسته تقسیم کرد: نخست دو قاعدة ساده و بدیهی:

$$\text{معرفی سور کلی} \qquad \text{حذف سور کلی}$$

$$\frac{B(a)}{\therefore \exists x B(x)} \qquad \frac{\forall x B(x)}{\therefore B(a)}$$

و آنگاه دو قاعدة نسبتاً دشوار و کمتر بدیهی:

$$\text{معرفی سور کلی}$$

$$\frac{B(a)}{\therefore \forall x B(x)}$$

مشروط به اینکه a در فرض‌های باز و در $\forall x B(x)$ مورد نداشته باشد

$$\text{حذف سور جزئی}$$

$$\frac{\begin{array}{c} \exists x B(x) \\ \text{فرض } B(a) \\ \vdots \\ C \end{array}}{\therefore C}$$

مشروط به اینکه a در فرض‌های باز و در C و در $\exists x B(x)$ مورد نداشته باشد

در بخش‌های بعدی، خواهد آمد که این قاعده‌ها برای قضیه حقيقیه مناسب هستند؛ اما پس از آن، به مناسب نبودن آن‌ها برای قضایای خارجیه اشاره می‌شود.

۲. مناسب نبودن منطق کلاسیک محمول‌ها برای قضایای خارجیه

از میان قاعده‌های چهارگانه سورها در منطق کلاسیک محمول‌ها، دو قاعده ساده و بدیهی «حذف سور کلی» و «معرفی سور جزئی» برای قضایای خارجیه برقرار نیستند:

حذف سور کلی:	معرفی سور جزئی:
پس (این) الف ب است	(این) الف ب است
پس برخی موجودات خارجی ب هستند	پس برخی موجودات خارجی ب هستند
اکنون، به آسانی می توان دید که دو قاعده بالا برای مواردی که «الف» جزئی حقیقی «معدوم د، کاذب است؛ برای نمونه، قضیه خارجیه «هیچ حیوانی سیمرغ نیست» (یا «هر حیوانی غی ر غ است») یا دقیق‌تر، «هر موجود خارجی، غیر حیوان سیمرغ است») را در نظر بگیرید. رفتن قواعد منطق کلاسیک محمول‌ها، از آنجاکه سیمرغ شاهنامه فردوسی، یک پرنده ان است، باید نتیجه گرفت که «سیمرغ شاهنامه، سیمرغ نیست» (یا «سیمرغ شاهنامه، غی ر غ است») که بهوضوح نادرست به نظر می‌رسد. دلیل این مسئله آن است که قضایای	اکنون، به آسانی می توان دید که دو قاعده بالا برای مواردی که «الف» جزئی حقیقی «معدوم د، کاذب است؛ برای نمونه، قضیه خارجیه «هیچ حیوانی سیمرغ نیست» (یا «هر حیوانی غی ر غ است») یا دقیق‌تر، «هر موجود خارجی، غیر حیوان سیمرغ است») را در نظر بگیرید. رفتن قواعد منطق کلاسیک محمول‌ها، از آنجاکه سیمرغ شاهنامه فردوسی، یک پرنده ان است، باید نتیجه گرفت که «سیمرغ شاهنامه، سیمرغ نیست» (یا «سیمرغ شاهنامه، غی ر غ است») که بهوضوح نادرست به نظر می‌رسد. دلیل این مسئله آن است که قضایای

۱. توجه شود که نتیجهٔ قاعدةٔ «حذف سور کلی» و مقدمهٔ قاعدةٔ «معرفی سور جزئی» یک قضیهٔ شخصیه است و نه محصورهٔ یا مهمله؛ بنابراین، اگر «الف» کلی حقیقی باشد، افزودن اسم اشارهٔ «این» لازم است؛ اما اگر «الف» جزئی حقیقی باشد، مانند «سفراط»، «فلاطون»، «سنبداد»، «شرلوک هولمز» و «سیمرغ شاهنامه فردوسی» دیگر لازم (بلکه مجاز) نیست «این» افزوده شود. از همین مثال‌ها آشکار می‌شود که در این مقاله، با جزئی‌های حقیقی «معدوم» سروکار داریم، امری که در منطق کلاسیک در عمل ممنوع بوده است. هم‌چنان، توجه شود که حرف «الف» در بیان این دو قاعده در موضوع مقدمهٔ یا نتیجهٔ محصورهٔ نیامده است. برای نمونه، جملهٔ «هر الفی ب است» یا «برخی الف ب است» در بیان دو قاعدةٔ بالا دیده نمی‌شود؛ بنابراین، مقصد از قاعدةٔ «حذف سور کلی» رسیدن از محصوره‌ای مانند «هر الفی ب است» به شخصیه‌ای مانند «این الف ب است» نیست بلکه مقصود، رسیدن از محصوره‌ای مانند «هر موجود خارجی ب است» به گزاره‌هایی مانند «سفراط ب است» و «سنبداد ب است» و «شرلوک هولمز ب است» و .. است.

خارجیه در مورد اشیای موجود در جهان خارج سخن می‌گویند و نه درباره پرندگان افسانه‌ای و موجودات ذهنی. از اینجا می‌توان نتیجه گرفت که قاعدة «حذف سور کلی» در مورد قضایای خارجیه (و مصادیق معدهم) صدق نمی‌کند.

هم‌چنین این جمله را در نظر بگیرید که «سیمرغ شاهنامه در کوه قاف آشیانه دارد». آشکار است که از این جمله نمی‌توان این قضیه خارجیه که «برخی پرندگان در کوه قاف آشیانه دارند» را نتیجه گرفت؛ چراکه هیچ پرنده خارجی در کوه قاف آشیانه ندارد، چون کوه قاف خود یک موجود افسانه‌ای است و در خارج وجود ندارد و نمی‌تواند آشیانه پرندگاهی خارجی باشد. از این مثال می‌توان نتیجه گرفت که قاعدة «معرفی سور جزئی» نیز در مورد قضایای خارجیه صدق نمی‌کند.

با کنار گذاشتن قاعده‌های ساده و بدیهی «حذف سور کلی» و «معرفی سور جزئی» به منطق ضعیفتری می‌رسیم که تناسب بیشتری با قضایای خارجیه دارد. درواقع، صورت ضعیفتری از این دو قاعده را برای قضایای خارجیه باید پذیرفت. اگر سیمرغ شاهنامه وجود خارجی می‌داشت، می‌بایست بتوانیم از قضیه خارجیه «هیچ حیوانی سیمرغ نیست» (یا «هر حیوانی غیر سیمرغ است») نتیجه بگیریم که «سیمرغ شاهنامه، سیمرغ نیست» (یا «سیمرغ شاهنامه، غیر سیمرغ است») و می‌بایست بتوانیم از قضیه خارجیه «سیمرغ شاهنامه در کوه قاف آشیانه دارد» نتیجه بگیریم که «برخی پرندگان در کوه قاف آشیانه دارند». به عبارت دیگر، باید قاعده‌های زیر برای قضایای خارجیه درست باشند:

حذف مقید سور کلی:

(این) الف در خارج موجود است

هر موجود خارجی ب است

پس (این) الف ب است

تضعیف قاعده‌های حذف سور کلی و معرفی سور جزئی، به منطق آزاد محمول‌ها می‌انجامد که به گمان نگارنده این مقاله، مناسب‌ترین منطق برای قضایای خارجیه است.

۳. قواعد منطق آزاد محمول‌ها

منطق آزاد محمول‌ها نه تنها قواعد ساده و بدیهی «حذف سور کلی» و «معرفی سور جزئی» را تضعیف می‌کند، بلکه قواعد نسبتاً دشوار و کمتر بدیهی «معرفی سور کلی» و «حذف سور جزئی» را تقویت می‌کند؛ بنابراین، منطق آزاد محمول‌ها از جهت دو قاعدة نخست ضعیفتر از منطق کلاسیک محمول‌ها و از جهت دو قاعدة دوم قوی‌تر از آن است و ازین‌رو، درمجموع، نه ضعیفتر و نه قوی‌تر، بلکه در عرض منطق کلاسیک محمول‌ها است.

برای بیان دقیق قواعد منطق آزاد، ناگزیر باید محمول‌نشانه‌ای را (مانند $(E!)$) برای «وجود خارجی» قرارداد کرد و به زبان منطق کلاسیک افزود. با این زبان توسعه‌یافته، می‌توان قواعد کلاسیک سور را به صورت زیر اصلاح کرد (نبوی، ۱۳۸۹، ص ۱۲۱؛ فلاحی، ۱۳۹۵، ص ۲۱۵):

$$\frac{\text{معرفی سور کلی} \quad \text{حذف سور کلی}}{\frac{\begin{array}{c} E!a \\ B(a) \\ \hline \therefore \exists x B(x) \end{array}}{\frac{\begin{array}{c} \forall x B(x) \\ E!a \\ \hline \therefore B(a) \end{array}}{\therefore B(a)}}}$$

معرفی سور کلی

فرض $E!a$

$$\frac{\vdots}{\frac{B(a)}{\therefore \forall x B(x)}}$$

مشروط به اینکه a در فرض‌های باز و در $\forall x B(x)$ مورد نداشته باشد

حذف سور جزئی

فرض $\exists x B(x)$

فرض $E!a$

فرض $B(a)$

$$\frac{\vdots}{\frac{C}{\therefore C}}$$

مشروط به اینکه a در فرض‌های باز و در C و در $\exists x B(x)$ نداشته باشد
این قاعده‌ها را به صورت ساده‌تر زیر نیز می‌توان نوشت:

$$\frac{\text{معرفی سور جزئی}}{\frac{E!a \& B(a)}{\therefore \exists x B(x)}} \qquad \frac{\text{حذف سور کلی}}{\frac{\forall x B(x)}{\therefore E!a \rightarrow B(a)}}$$

$$\frac{\text{معرفی سور کلی}}{\frac{E!a \rightarrow B(a)}{\therefore \forall x B(x)}}$$

مشروط به اینکه a در فرض‌های باز و در $\forall x B(x)$ نداشته باشد

$$\frac{\text{حذف سور جزئی}}{\frac{\exists x B(x)}{\frac{E!a \& B(a) \rightarrow C}{\therefore C}}}$$

مشروط به اینکه a در فرض‌های باز و در C و در $\exists x B(x)$ نداشته باشد

این قاعده‌ها نشان می‌دهند که در معنای سور کلی خارجی، مفهوم «مشروط بودن به وجود خارجی» قرار گرفته است، چنان‌که در معنای سور جزئی خارجی، مفهوم «مقید بودن به وجود خارجی» (مقصود از «مقید بودن» مفهوم ادات عاطف است، چنان‌که مقصود از «مشروط بودن» مفهوم ادات شرطی است) (برای آشنایی بیشتر با منابع مقدماتی منطق آزاد، ر.ک: نبوی، ۱۳۸۹، فصل منطق آزاد؛ فلاحتی، ۱۳۹۵، فصل منطق وجود).

نگارنده، چنان‌که در مقدمه اشاره شد، «منطق آزاد» را برای تحلیل قضایای حقیقیه و خارجیه کاملاً نامناسب یافته و ادعا کرده بود: «به نظر می‌رسد که منطق آزاد صلاحیت ندارد تا منطق مورد نظر برای قضایای خارجیه منطق قدیم باشد زیرا ... در منطق آزاد، قاعده تداخل به هیچ وجه معتبر نیست و این با روح منطق قدیم ناسازگار است.» (فلاحتی ۱۳۸۸ ص ۶۹). نادرستی این دلیل از این رو است که هر چند قاعده تداخل برای سورهای منطق آزاد نادرست است:

تداخل سورها

$$\frac{\forall x Ax}{\exists x Ax}$$

اما برای صورت‌بندی قضایای خارجیه منطق سینوی در منطق آزاد کاملاً درست است:

$$\forall x (Ax \rightarrow Bx) \wedge \exists x Ax \quad \text{هر الفی ب است}$$

$$\forall x (Ax \rightarrow \sim Bx) \quad \text{هیچ الفی ب نیست}$$

$$\exists x (Ax \wedge Bx) \quad \text{بعضی الفها ب هستند}$$

$$\exists x (Ax \wedge \sim Bx) \vee \sim \exists x Ax \quad \text{بعضی الفها ب نیستند}$$

زیرا در منطق آزاد قاعده‌های زیر اثبات‌پذیر هستند:

تداخل قضیه‌ها (موجبه‌ها)

$$\frac{\forall x (Ax \rightarrow Bx) \wedge \exists x Ax}{\exists x (Ax \wedge Bx)} \quad \text{هر الفی ب است}$$

$$\frac{}{\exists x (Ax \wedge \sim Bx)} \quad \text{بعضی الفها ب نیستند}$$

تداخل قضیه‌ها (سالبه‌ها)

$$\frac{\forall x (Ax \rightarrow \sim Bx)}{\exists x (Ax \wedge \sim Bx) \vee \sim \exists x Ax} \quad \text{هیچ الفی ب نیست}$$

$$\frac{}{\exists x (Ax \wedge Bx)} \quad \text{بعضی الفها ب نیستند}$$

بنابراین، این ادعا که «در منطق آزاد، قاعده تداخل به هیچ وجه معتبر نیست»، ادعای نادرستی بوده است؛

زیرا همان‌طور که مشاهده شد، قاعده تداخل «به بعضی وجود» و «در برخی معانی آن» معتبر است.

توجه کنیم که منطق آزاد بر دو قسم است: با و بدون شرط ناتهی بودن دامنه سخن. بدون

این شرط، طبیعی است که قاعده تداخل برقرار نباشد. در این مقاله، منطق آزاد بدون شرط

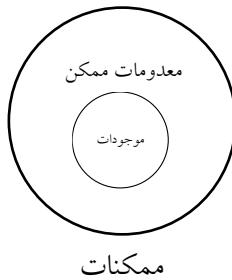
یادشده، مورد نظر است. برخی منطق‌دانان جدید منطق آزاد بدون شرط ناتهی بودن دامنه سخن را

«منطق کاملاً آزاد» نامیده‌اند که مورد توافق همگان قرار نگرفته است و دیگران همان اصطلاح

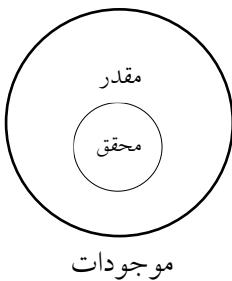
جاافتاده «منطق آزاد» را برای همین مقصود به کار می‌برند.

۴. سماتیک منطق آزاد

در سماتیک منطق آزاد، دو دامنه سخن تودرتو وجود دارد:



«دامنه کوچک» یا «دامنه درونی» (inner domain) دامنه سخن سورها است که فقط موجودات خارجی را دربرمی‌گیرد و «دامنه بزرگ» یا «دامنه بیرونی» (outer domain) دامنه سخن نامهای خاص است که همه ممکنات (اعم از موجود و معذوم) را شامل می‌شود. به عبارت دیگر، دامنه درونی شامل موجودات محقق خارجی است و دامنه بیرونی شامل همه موجودات (اعم از متحقق و مقدار) است:



۱

-
۱. در اینجا، نگارنده فعلًاً میان «موجود خارجی» و «موجود محقق و بالفعل» تفاوتی نمی‌کلارد، همان‌طور که میان «ممکن معذوم» و «موجود مقدار و مفروض» تمایزی قائل نیست، هرچند به نظر می‌رسد که این‌همانی میان «ممکن معذوم» و «موجود مقدار» به این‌همانی میان «معذوم» و «موجود» و در نتیجه به تناقض می‌انجامد. یک راه برای رفع تناقض این است که «موجود مقدار» را به معنای «مقدار الوجود» دانست نه به معنای «موجودی که مقدار است». راه دیگر این است که «موجود» در «موجود مقدار» را به معنای «ممکن الوجود» و اعم از

سورکلی «هر» و سور جزئی «برخی» در سماتیک منطق آزاد، به ترتیب، به معنای «هر موجود محقق خارجی» و «برخی موجودهای محقق خارجی» است؛ بنابراین، جمله «هر حیوانی انسان است» در این سماتیک به معنای «هر حیوانِ محقق خارجی انسان است» می‌باشد و نه به این معنی که «هر حیوانی (اعم از محقق خارجی و مقدر مفروض) انسان است».

با وجوداین، در سماتیک منطق آزاد، نامهای خاص می‌توانند به معدومات ممکن (یا ممکنات معدوم، یا به تعبیری دیگر، موجودات مقدار و مفروض) اشاره کنند؛ مانند «سنبداد»، «شلوک هولمز»، «هری پاتر». حتی برخی مفاهیم کلی می‌توانند در عالم ممکنات معدوم مصدق داشته باشند؛ مانند «سیمرغ»، «ازدهای هفت‌سر»، «پدر عیسی»، «پسر ویتنشتاین». به‌این ترتیب مشاهده می‌شود که در سماتیک منطق آزاد، تمایز مهمی میان دامنه سورها و دامنه نامها وجود دارد. دامنه سورها فقط شامل موجودات خارجی است؛ درحالی‌که دامنه نامها شامل معدومات ممکن (یا موجودات مقدار و مفروض) می‌شود. چنین سورهایی را «سور مقید» (restricted quantifier) می‌نامند، برخلاف سورها در سماتیک منطق کلاسیک محمول‌ها که کل دامنه سخن را شامل می‌شود و آن‌ها را «سور نامقید» (unrestricted quantifier) می‌نامند. درواقع، در سماتیک منطق کلاسیک محمول‌ها فقط یک دامنه سخن وجود دارد که هم دامنه سخن سورها و هم دامنه سخن نامهای خاص است و میان این دو دامنه سخن تمایزی برقرار نمی‌شود.

چنان‌که دیده می‌شود، سور در قضایی حقیقیه، مانند سور در سماتیک منطق کلاسیک محمول‌ها، سور نامقید است و همه ممکنات موجود و معدوم (یا موجودات محقق و مقدار) را در برمی‌گیرد، برخلاف سور در قضایی خارجیه که سور مقید است و تنها ممکنات موجود (یا موجودات محقق و بالفعل خارجی) را در برمی‌گیرد.

«موجود» و «ممکن معدوم» گرفت و قائل به اشتراک لفظ «وجود» و داشتن دو معنای عام و خاص برای آن شد. پذیرش و عدم پذیرش دو معنای عام و خاص «وجود» به دو متافیزیک متفاوت می‌انجامد؛ امکان گرایی و فعلیت‌گرایی، که ورود به آن نیازمند پژوهش مستقلی است

قضایای خارجیه با سورهای مقید منطق آزاد محمول‌ها قرابت دارند. نگارنده مقاله، در ادامه نشان می‌دهد که قضایای خارجیه با منطق موجهات هم مرتبط هستند و درواقع با جهت سور نسبتی دارند که معمولاً به آن توجّهی نمی‌شود؛ بهاین ترتیب، با افزودن منطق موجهات به منطق آزاد محمول‌ها، به ارتباط عمیق‌تر قضایای خارجیه با جهت سور اشاره می‌شود.

سمانتیک منطق موجهات با دامنه ثابت و دامنه متغیر برای منطق‌های موجهات، دو سمانتیک متفاوت هست:

۱. سمانتیک لایبنیتس^۱، که مجموعه‌ای از جهان‌های ممکن است، به‌طوری‌که یک جمله در یک جهان ممکن، ضرورتاً صادق است، اگر و تنها اگر در همه جهان‌ها صادق باشد و بالامکان صادق است، اگر و تنها اگر در برخی جهان‌ها صادق باشد.

۲. سمانتیک کریپکی^۲، که مجموعه‌ای از جهان‌های ممکن است به اضافه رابطه دسترسی میان جهان‌ها، به‌طوری‌که یک جمله در یک جهان ممکن، ضرورتاً صادق است، اگر و تنها اگر در همه جهان‌های در دسترس صادق باشد و بالامکان صادق است، اگر و تنها اگر در برخی جهان‌های در دسترس صادق باشد.^۳

در هر دو سمانتیک، هنگام ترکیب سمانتیک منطق موجهات گزاره‌ها با سمانتیک منطق محمول‌ها، دو گزینه پیش‌رو است: نخست اینکه یک دامنه از اشیا در نظر بگیریم و در هر جهان ممکن به آن دامنه واحد ارجاع بدھیم؛ گزینه دوم اینکه برای جهان‌های ممکن مختلف، دامنه‌های متفاوتی از اشیا در نظر بگیریم. گزینه نخست را سمانتیک با دامنه ثابت (fixed domain) می‌نامند و گزینه دوم را سمانتیک با دامنه متغیر (varying domain) (موحد، ۱۳۸۱، ص ۲۳۴).

در سمانتیک با دامنه متغیر، نسبت دامنه‌های سخن برای جهان‌های ممکن می‌تواند مساوی، متباین، عموم و خصوص من‌وجه و یا عموم و خصوص مطلق باشد. یک نمونه از ترکیبی از

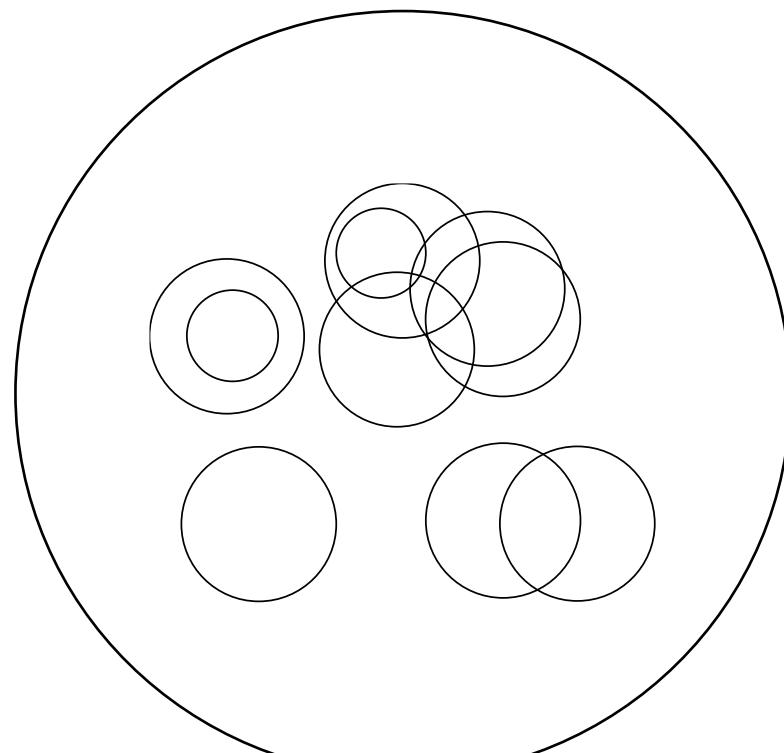
1. Gottfried Wilhelm Leibniz (1646–1716)

2. Saul Kripke (1940–2022)

3. نگارنده برای سادگی، در اینجا فقط با سمانتیک لایبنیتسی کار می‌کند، هرچند در سمانتیک منطق زمان، ناگزیر از کار بردن سمانتیک کریپکی است.

این روابط را در پایین این صفحه به نمایش گذاشته‌ام.

همان‌طورکه جمعیت انسان‌ها در زمان‌های متفاوت، متفاوت است و انسان‌های موجود در زمان حاضر در دویست سال آینده موجود نیستند و در دویست سال گذشته موجود نبودند، تعداد اشیا در جهان‌های ممکنِ متمایز نیز می‌تواند متفاوت باشد؛ چراکه برخی موجوداتِ ممکن در این جهان، به دلیل اینکه ممکن‌الوجودند، می‌توانند در جهان‌های دیگر موجود نباشند و برخی موجوداتِ ممکن در جهان‌های دیگر، به همان دلیل، می‌توانند در این جهان معذوم باشند؛ بنابراین، سماتیک با دامنه متغیر با متأفیزیک‌های الهیاتی که به جز خداوند سایر موجودات را ممکن‌الوجود می‌شمارند، متناسب‌تر است.



مجموعه جهان‌های ممکن و دامنه‌های آنها

- اکنون، در هر جهان ممکن، سورهای «همه» و «برخی» به یکی از دو صورت زیر خواهند بود:
۱. با فقط به موجودات در آن جهان ممکن اشاره می‌کنند، که در این صورت، آن‌ها را «سورهای مقید» (restricted quantifiers) می‌نامند — چنان‌که در سmantیک منطق آزاد محمول‌ها — و در این مقاله آن‌ها را «سورهای خارجی» می‌نامم؛ چون گزاره‌های ساخته‌شده با این سورها قضایای خارجیه خواهند بود.
 ۲. با به همه موجودات در همه جهان‌های ممکن اشاره می‌کنند که در این صورت، آن‌ها را «سورهای نامقید» (unrestricted quantifiers) می‌نامند — چنان‌که در سmantیک منطق کلاسیک محمول‌ها — و در این مقاله آنها را «سورهای حقیقی» می‌نامم؛ چون گزاره‌های ساخته‌شده با این سورها قضایای حقیقیه خواهند بود.

اگر سورها نامقید و حقیقی در نظر گرفته شوند، مجموعه همه اشیا در همه جهان‌های ممکن را می‌توان دامنه ثابت برای سورهای حقیقی در نظر گرفت؛ بنابراین، حتی اگر سmantیک با دامنه متغیر پذیرفته شود، با پذیرفتن سورهای حقیقی و محدود کردن خود به قضایای حقیقی، گویی عملاً با سmantیک با دامنه ثابت کار می‌کنیم؛ از این‌رو، به نظر می‌رسد که سورهای حقیقی و خارجی، به ترتیب با سmantیک‌های با دامنه ثابت و با دامنه متغیر تناسب بیشتری دارند.

۵. رابطه قضایای خارجیه و حقیقیه با جهت سور و جهت حمل

ابن‌سینا نخستین منطق‌دان در جهان شرق و غرب است که میان جهت سور و جهت حمل تمایز گذاشته است؛ برای نمونه، ترکیب جهت «امکان» و سور «کلی» به دو صورت رخ می‌دهد: یا جهت روی سور می‌آید یا سور روی جهت:

(۱) ممکن است هر انسانی بنویسد

(۲) هر انسانی ممکن است بنویسد

ابن‌سینا جهت وارد بر سور قضیه را «جهت سور» می‌نامد و جهت پس از سور را «جهت حمل». مثال‌های دیگری از جهت سور و جهت حمل چنین است:

(۳) بالضروره، کسی جهان را آفریده است

(۴) کسی هست که بالضروره جهان را آفریده است

۱-۵. رابطه جهت سور و جهت حمل نزد ابن سينا

مهم ترین مسئله منطقی درباره جهت سور و جهت حمل این است که آیا یکی مستلزم دیگری است و اگر هست کدام مستلزم دیگری است. درباره اینکه ابن سينا جهت سور و جهت حمل را به رغم اختلاف معنایی، آیا متلازم یا یکی را مستلزم دیگری می داند یا نه، میان پژوهشگران معاصر اختلاف بسیاری است (بیوی، ۱۳۷۹، ص ۱۵۲-۱۵۱، ۱۳۸۱، ص ۱۴۶؛ موحد، ۱۳۸۱، ص ۲۰۵-۲۰۶، ۱۳۹۴، ص ۵۵-۵۹؛ عظیمی، ۱۳۹۴، ص ۲۵۶-۲۵۹؛ فلاحی، ۱۳۹۵، ص ۲۶۷-۲۸۲، ۱۳۹۶، ص ۸۴-۸۵، ۱۳۹۷، ص ۲۶۸-۲۷۰؛ Chatti, 2019, p. 152-154; 172-173; Hodges, 2022, p. 16-17; Movahed, 2003, p. 252-254).

نکته مهمی که در این زمینه هست این است که ابن سينا میان قضیه خارجیه و جهت سور رابطه‌ای یافته است. او در کتاب قیاس از شفا، پس از بیان دو رأی اسکندر افروdisی^۱ و تامستیوس^۲ درباره تحلیل قضیه مطلقه، قضیه خارجیه را به عنوان رأی سوم مطرح کرده است:

وعلى الرأى الثالث أن كل واحد من الموجودين فى وقت ما ب، فإنهم
موصوفون بأنهم آ فى ذلك الوقت وهذا الرأى الثالث سخيف مختل. فإن كل
واحد من الموجودين فى وقت ما ب إذا لم يصرح بالشرط المذكور كانوا بعض
ما يوصف بـ، وقولك كل ب أعم من ذلك (۱۹۶۴ م، ص ۲۸-۲۹).

بنا به رأى سوم [در تحلیل قضیه «هر الفی ب است» در برابر دو رأی اول
که از ثئوفراستوس و اسکندر افروdisی و تامستیوس است]، هر یک از آنچه
در وقتی ب هستند در همان وقت آ هستند. این رأى سوم مشکل دار است؛
چون هر یک از موجودین در یک وقتی که ب هستند اگر شرط یاد شده [=]
اینکه اعم از موجود در خارج و موجود در نفس (عقل) باشند] درباره آنها
ذکر نشود [یعنی فقط شامل موجودها در خارج شوند] برخی از متصفاتان به
«ب» هستند [و نه همه آنها] در حالی که عبارت «هر ب» اعم از آن است [یعنی

1. Alexander of Aphrodisias (2nd–3rd century)

2. Themistius Euphrades (317–387)

شامل همه متصفان به «ب» می‌شود و نه صرفاً برخی از آن‌ها].

ابن‌سینا بی‌درنگ این رأی را با یک رأی چهارم که درباره جهت سور (ضرورت یا امکان صدق و کذب سور) است، مرتبط می‌سازد:

وقد نبع من هذا المذهب، مذهب آخر في أمر الجهات حتى التفت في أمر الضرورة والإمكان إلى أمر القضية في أن سورها يصدق ويُكذب، وترك أمر المحمول بإعتباره إلى الموصفات بالموضع. فكان قوله: «كل حيوان إنسان» ممكنا؛ إذ كان يمكن أن يتوهّم وقت من الأوقات لا حيوان فيه إلّا الإنسان. فحيثّنـ يصدق أن «كل حيوان إنسان». فتكون هذه حيـنـ مقدمة وجودية صادقة (۱۹۶۴م، ص ۳۰).

از این دیدگاه [سوم] دیدگاه دیگری [چهارمی] در مسئله جهات سرچشمۀ گرفته است، به طوری که در مبحث ضرورت و امکان، به صدق و کذب سور قضیه توجه شده و از وضعیت محمول در ارتباط با امور متصف به [عنوان] موضوع غفلت شده است. [بنا به این دیدگاه چهارم] گزاره «هر حیوانی انسان است» ممکن است [صادق باشد؛ زیرا می‌توان وقتی از اوقات را تصور کرد که در آن وقت هیچ حیوانی به جز انسان نباشد. در این صورت، گزاره «هر حیوانی انسان است» صادق خواهد بود و این گزاره، مقدمه‌ای [= گزاره‌ای] «وجودیه» و صادق خواهد بود.

آشکار است که گزاره «هر حیوانی انسان است» در هر زمانی که صدق کند، به صورت خارجیه صدق می‌کند و نه حقیقیه، چون حیوانیت مستلزم انسانیت نیست (بلکه بر عکس است). برپایه این دیدگاه چهارم، گزاره‌ای که در آینده صادق باشد، اکنون ممکن است؛ مانند گزاره «هر حیوانی انسان است» که اگر در آینده صادق شود، اکنون ممکن‌الصدق است. هم‌چنین، گزاره‌ای که در همه زمان‌ها صادق باشد، از دیدگاه چهارم ضروری است. عبارات بعدی ابن‌سینا به توضیح همین رأی چهارم می‌پردازد. عبارات او صراحت لازم را ندارند؛ ولی به نظر می‌رسد که ارتباط قضیه خارجیه و جهت سور را بیان می‌کنند.

۲-۵. احکام جهت برای قضیه حقيقیه نزد خونجی

به نظر می‌رسد افضل‌الدین خونجی نخستین کسی است که این ارتباط را به صراحت بیان کرده است. او ارتباط لزومی میان جهت سور و جهت حمل را در قضیه‌های «خارجیه» به صراحت انکار می‌کند؛ ولی در قضایای «حقيقیه»، عبارت‌هایش ابهام‌هایی دارد. با این‌همه، در مجموع، به نظر می‌رسد که ارتباط لزومی میان جهت سور و جهت حمل را به‌اجمال پذیرفته است (فلاحتی، ۱۳۹۷، ص ۲۶۸-۲۷۰).

از ظاهر عبارات خونجی چنین برداشت می‌شود که در ترکیب جهت «امکان» و سور «کلی» (مانند دو مثال (۱) و (۲) در بالا)، جهت سور مستلزم جهت حمل است و نه بر عکس، و در ترکیب جهت «ضرورت» و سور «جزئی» (مانند دو مثال (۳) و (۴) در بالا)، جهت حمل مستلزم جهت سور است و نه بر عکس. نظر خونجی در ترکیب جهت «ضرورت» و سور «کلی» مانند دو مثال زیر:

(۵) بالضرورة، هر انسانی ناطق است

(۶) هر انسانی، بالضرورة ناطق است

این است که جهت سور و جهت حمل متلازم هستند، چنانکه در ترکیب جهت «امکان» و سور «جزئی»:

(۷) ممکن است کسی جهان را آفریده باشد

(۸) کسی هست که ممکن است جهان را آفریده باشد

۳-۵. احکام جهت برای قضیه خارجیه نزد خونجی

آنچه گذشت درباره قضایای حقيقیه بود و عبارات خونجی به رغم ابهام‌هایش، به نظر می‌رسد که همان‌ها را بیان می‌کند که در بالا بیان شد، اما درباره قضایای خارجیه، خونجی به صراحت همه حکم‌های بالا را انکار می‌کند؛ برای نمونه، در مثال زیر می‌بینیم که جهت سور صادق و جهت حمل کاذب است:

(۹) ممکن است همه حیوان‌ها انسان باشند

(۱۰) همه حیوان‌ها ممکن است انسان باشند

اگر سور «همه» در این دو مثال قضیه خارجیه در نظر گرفته شوند، مشاهده می‌شود که جمله (۹) صادق می‌شود؛ چون ممکن است که انسان همه حیوان‌های دیگر را بکشد و به تنها یی مالک زمین شود. در این صورت، همه حیوان‌ها انسان خواهند بود؛ بنابراین صدق قضیه خارجیه «همه حیوان‌ها انسان هستند» ممکن است. اما جمله (۱۰) اگر قضیه خارجیه در نظر گرفته شود، یقیناً کاذب است؛ چون می‌گوید همه حیوان‌های موجود در جهان خارج (شامل انسان و غیر انسان) ممکن است انسان باشند. کاذب این قضیه از این‌روست که از دیدگاه منطق‌دانان قدیم، مصاديق هر نوعی از حیوان بالضروره مصدق آن نوع هستند و نمی‌توانند مصدق نوعی دیگر باشند. برای مثال، اسب‌ها محل است که انسان باشند.

مثال برای ترکیب جهت «امکان» با سور «جزئی» در قضیه‌های خارجیه چنین است:

(۱۱) ممکن است برخی حیوان‌ها سیمرغ باشند

(۱۲) برخی حیوان‌ها ممکن است سیمرغ باشند

جمله (۱۱) به‌وضوح صادق است؛ اما اگر جمله (۱۲) خارجیه در نظر گرفته شود، کاذب است؛ چون حیوان‌های موجود هیچ‌کدام از نوع سیمرغ نیستند؛ بنابراین محل است که سیمرغ باشند.

مثال برای ترکیب جهت «بالضروره» با سور «کلی» در قضیه‌های خارجیه چنین است:

(۱۳) هر حیوانی بالضروره غیر سیمرغ است

(۱۴) بالضروره هر حیوانی غیر سیمرغ است

جمله (۱۳) اگر خارجیه در نظر گرفته شود، به‌وضوح صادق است؛ چون حیوان‌های موجود هیچ‌کدام از نوع سیمرغ نیستند؛ بنابراین محل است که سیمرغ باشند، یعنی بالضروره غیر سیمرغ هستند؛ اما جمله (۱۴) کاذب است، چون سیمرغ ممکن‌الوجود است و می‌توانست موجود باشد که در این صورت، جمله «هر حیوانی غیر سیمرغ است» کاذب می‌شد.

مثال برای ترکیب جهت «بالضروره» با سور «جزئی» در قضیه‌های خارجیه چنین است:

(۱۵) بالضروره برخی زمان‌ها، زید نفس می‌کشد

(۱۶) برخی زمان‌ها، بالضروره زید نفس می‌کشد

جمله (۱۵) بهوضوح صادق است، چون انسان اگر نفس نکشد می‌میرد؛ اما جمله (۱۶) کاذب است، چون هیچ زمانی نیست که زید در آن زمان بالضروره نفس بکشد. زید ناگزیر است در زمان‌هایی نفس بکشد؛ اما انتخاب زمان نفس کشیدن در اختیار او است و هر زمان که بخواهد می‌تواند نفس بکشد و هر زمان که بخواهد می‌تواند نفس خود را بیرون بدهد. ترکیب‌های دیگر جهت و سور به همین صورت است و خواننده به آسانی می‌تواند مثال‌های نقض مناسبی ارائه نماید.

۶. فرمول‌های بارکن و بوریدان

از آنچه گذشت می‌توان به حکم‌هایی کلی برای رابطه جهت سور و جهت حمل رسید که این حکم‌ها در قالب فرمول‌های شرطی زیر به همراه نامهای مشهورشان آمده است:

$$\forall x \Box Fx \rightarrow \Box \forall x Fx$$

$$\Box \forall x Fx \rightarrow \forall x \Box Fx$$

$$\exists x \Box Fx \rightarrow \Box \exists x Fx$$

$$\Box \exists x Fx \rightarrow \exists x \Box Fx$$

خونجی هر چهار حکم بالا را برای قضایی خارجیه انکار می‌کند؛ ولی برای قضایی حقیقیه سه حکم نخست (فرمول‌های سه‌گانه) را می‌پذیرد و فرمول اخیر (عکس بوریدان) را رد می‌کند.

نگارش این چهار فرمول با نمادهای امکان، چهار فرمول جدید به دست می‌دهد که هریک هم ارز یکی از چهار فرمول بالا (به ترتیب عکس) خواهد بود:

$$\forall x \Diamond Fx \rightarrow \Diamond \forall x Fx$$

$$\Diamond \forall x Fx \rightarrow \forall x \Diamond Fx$$

$$\exists x \Diamond Fx \rightarrow \Diamond \exists x Fx$$

$$\Diamond \exists x Fx \rightarrow \exists x \Diamond Fx$$

در برخی موارد، کارکردن با این چهار فرمول ساده‌تر از چهار فرمول نخست است، چنانکه در ادامه به یک مورد این چنینی برخواهیم خورد.

۱-۶. اثبات پذیری فرمول‌های سه‌گانه در منطق موجهات کلاسیک محمولی

اگر قواعد منطق موجهات به منطق کلاسیک محمول‌ها افزوده شوند، فرمول‌های سه‌گانه (فرمول‌های بارکن، عکس بارکن و بوریدان) به سادگی اثبات می‌شوند:

اثبات فرمول بارکن:

1. $\forall x \square Fx$ فرض
2. $\square Fa$ ۱، ح \forall
3. $\square | Fa$ ۲، ورود به برهانک ضروری
4. $\forall x Fx$ ۳، م \forall
5. $\square \forall x Fx$ ۴، خروج از برهانک ضروری

اثبات عکس فرمول بارکن:

1. $\square \forall x Fx$ فرض
2. $\square | \forall x Fx$ ۱، ورود به برهانک ضروری
3. $\square | Fa$ ۲، ح \forall
4. $\square Fa$ ۳، خروج از برهانک ضروری
5. $\forall x \square Fx$ ۴، م \forall

اثبات فرمول بوریدان:

1. $\exists x \square Fx$ فرض
2. $\square Fa$ فرض
3. $\square | Fa$ ۲، ورود به برهانک ضروری
4. $\exists x Fx$ ۳، م \exists
5. $\square \exists x Fx$ ۴، خروج از برهانک ضروری
6. $\square \exists x Fx$ ۱، ۲، ۵، ح \exists

۶-۲. اثبات ناپذیری عکس فرمول بوریدان

عکس فرمول بوریدان اثبات پذیر نیست؛ زیرا افزون بر مثال‌های نقض (۱۵) و (۱۶) از بخش (۳-۵) که در زبان طبیعی برای آن می‌توان آورد، مدل‌های نقض ساده‌ای در سmantیک منطق موجهات محمولی $S5$ می‌توان برای آن ساخت. کافی است دو جهان ممکن با دامنه سخن دو عضوی شامل a و b (مثلاً ابن‌سینا و ابوریحان) را در نظر بگیریم که در جهان اول داریم: Fa و Rb (یعنی ابن‌سینا فیلسوف و ابوریحان ریاضی‌دان است) و در جهان دوم، بر عکس، $\exists x Fx$ و Ra (یعنی ابن‌سینا ریاضی‌دان و ابوریحان فیلسوف است). در این صورت، $\exists x Fx$ («برخی چیزها فیلسوف است») در هر دو جهان صادق است؛ بنابراین، داریم $\exists x Fx \Box$. اما عکس آن، $\exists x \Box Fx$ («برخی چیزها بالضروره فیلسوف‌اند»)، در هر دو جهان کاذب است (چون در هر جهان یک نفر هست که فیلسوف نیست)؛ بنابراین، عکس فرمول بوریدان در هر دو جهان کاذب است.

۶-۳. اثبات ناپذیری فرمول‌های چهارگانه در منطق موجهات آزاد محمولی

آنچه گذشت برای منطق موجهات کلاسیک محمولی بود؛ اما با افروzen قواعد منطق موجهات به منطق آزاد محمول‌ها، هیچ‌کدام از چهار فرمول بالا اثبات نخواهد شد: برای عکس فرمول بوریدان مدل نقض بالا کفایت می‌کند.

برای فرمول بارکن کافی است دو جهان ممکن در نظر بگیریم؛ اولی با دامنه سخن یک عضوی شامل a (مثلاً ابن‌سینا) و دومی با دامنه سخن دو عضوی شامل a و b (مثلاً ابن‌سینا و ابوریحان) و در جهان اول، داشته باشیم: Fa (یعنی ابن‌سینا فیلسوف است) و در جهان دوم، Fa و Rb (یعنی ابن‌سینا فیلسوف و ابوریحان ریاضی‌دان است). در این صورت، $\forall x \Box Fx$ («هر چیز بالضروره فیلسوف است») در جهان اول صادق است (چون در جهان اول، فقط یک چیز وجود دارد که در هر دو جهان فیلسوف است یعنی ابن‌سینا)، اما عکس آن، $\forall x \Box Fx$ ، («بالضروره هر چیز فیلسوف است»)، در جهان اول کاذب است ($\forall x Fx$ («هر چیز فیلسوف است») و در جهان دوم هم کاذب است؛ زیرا ابوریحان در جهان دوم موجود است، اما فیلسوف نیست)؛ بنابراین، فرمول بارکن در جهان اول کاذب است.

برای عکس فرمول بارکن، کافی است دو جهان ممکن را در نظر بگیریم؛ اولی با دامنه سخن دو عضوی شامل a و b (مثلاً ابن‌سینا و بهمنیار) و دومی با دامنه سخن دو عضوی شامل a و c (مثلاً ابن‌سینا و سهروردی) و در جهان اول داشته باشیم: Fa و Fb (یعنی ابن‌سینا و بهمنیار فیلسوف هستند) و در جهان دوم، Fa و Fc (یعنی ابن‌سینا و سهروردی فیلسوف هستند). در این صورت، $\forall x Fx$ («هر چیز فیلسوف است») در هر دو جهان صادق است؛ بنابراین، داریم $\forall x \square Fx$: اما عکس آن، $\square \forall x Fx$ («هر چیز بالضروره فیلسوف است»)، در هر دو جهان کاذب است (چون در هر جهان کسی هست که در جهان دیگر معدوم و بنابراین غیر فیلسوف است. بهمنیار که در جهان اول موجود است، در جهان دوم وجود ندارد؛ بنابراین در جهان دوم فیلسوف نیست و سهروردی که در جهان دوم موجود است، در جهان اول وجود ندارد؛ بنابراین در جهان اول فیلسوف نیست)؛ بنابراین، عکس فرمول بارکن در هر دو جهان کاذب است.

برای فرمول بوریدان، ساده‌تر آن است که برای صورت معادل آن مدل نقض بیاوریم:

$$\Diamond \forall x Fx \rightarrow \forall x \Diamond Fx$$

کافی است دو جهان ممکن در نظر بگیری: اولی با دامنه سخن دو عضوی شامل a و b (مثلاً ابن‌سینا و ابوریحان) و دومی با دامنه سخن دو عضوی شامل a و c (یعنی ابن‌سینا و سهروردی) و در جهان اول داشته باشیم: Fa (یعنی ابن‌سینا فیلسوف است) و در جهان دوم، Fa و Fc (یعنی ابن‌سینا و سهروردی فیلسوف هستند). در این صورت، $\forall x Fx$ («هر چیز فیلسوف است») در جهان دوم صادق است؛ بنابراین، در هر دو جهان داریم $\forall x \Diamond Fx$. اما عکس آن، $\Diamond \forall x Fx$ («هر چیز ممکن است فیلسوف باشد»)، در جهان اول کاذب است (چون در این جهان کسی هست به نام ابوریحان که در جهان دیگر معدوم و بنابراین غیر فیلسوف است)؛ بنابراین، فرمول بوریدان در جهان اول کاذب است.

اثبات‌پذیری فرمول‌های سه‌گانه (بارکن، عکس بارکن و بوریدان) در منطق موجهات کلاسیک و اثبات‌ناپذیری فرمول‌های چهارگانه در منطق موجهات آزاد تأییدی است هم بر

مدعای اصلی این مقاله که منطق قضایای حقیقیه منطق کلاسیک محمول‌ها است و منطق قضایای خارجیه منطق آزاد محمول‌ها، و هم بر این سخن خونجی که حکم‌های چهارگانه بالا برای قضایای خارجیه نادرست، و سه حکم اول برای قضایای حقیقیه درست است.

۴-۶. واجب‌الوجود و ممکن‌الوجود در منطق موجهات کلاسیک محمولی

با افزودن قواعد منطق موجهات به منطق کلاسیک محمول‌ها، نتایج شگفتی به دست می‌آید؛ زیرا در این منطق، افزون‌بر فرمول‌های سه‌گانه (فرمول‌های بارکن، عکس بارکن و بوریدان) به‌سادگی می‌توان نشان داد که هر موجودی واجب‌الوجود است و هر ممکن‌الوجودی موجود است! برای این کار باید «وجود» را تعریف کرد. یک تعریف رایج این است:

$$E!a =_{df} \exists x a = x.$$

در این صورت، دو حکم بالا چنین صورت‌بندی می‌شوند:

$$E!a \rightarrow \square E!a$$

ضرورت‌گرایی: هر موجودی واجب‌الوجود است

$$\Diamond E!a \rightarrow E!a$$

بالفعل‌گرایی: هر ممکن‌الوجودی موجود است

و یا به تعبیری دیگر:

$$\exists x a = x \rightarrow \square \exists x a = x$$

هر موجودی واجب‌الوجود است

$$\Diamond \exists x a = x \rightarrow \exists x a = x$$

هر ممکن‌الوجودی موجود است

اثبات اینکه هر موجودی واجب‌الوجود است:

$$E!a \rightarrow \square E!a$$

1.	$E!a$	فرض
2.	$\exists x a = x$	۱، تعریف \mathbb{E}
3.	$a = b$	فرض
4.	\square	معرفی این‌همانی
5.	$a = a$	۳ و ۴، حذف این‌همانی
	$a = b$	

6.	$\exists x a = x$	$\exists \text{ م } ۵$
7.	$\square \exists x a = x$	۶، خروج از برهانک ضروری
8.	$\square \exists x a = x$	۷ و ۳ ح
9.	$\square E!a$	۸ تعريف E
10.	$E!a \rightarrow \square E!a$	۹ دلیل شرطی

اثبات اینکه هر ممکن‌الوجودی موجود است:

$$\diamond E!a \rightarrow E!a$$

1.	$E!a \rightarrow \square E!a$	قضیه پیشین
2.	$\square(E!a \rightarrow \square E!a)$	۲، ضرورت
3.	$\diamond E!a \rightarrow \diamond \square E!a$	۳، قاعدة K
4.	$\diamond \square E!a \rightarrow E!a$	اصل B
5.	$\diamond E!a \rightarrow E!a$	۴ تعددی شرطی

(اصل B که در سطر چهارم برهان اخیر ذکر شده عبارت است از دو اصل زیر:

$$A \rightarrow \square \diamond A$$

$$\diamond \square A \rightarrow A$$

در برهان اخیر، نمونه‌جانشینی از فرمول دوم به کار رفته است:

$$\diamond \square E!a \rightarrow E!a).$$

دو اصل «وجوب همه موجودات» و «وجود همه ممکنات»، هرچند در نگاه نخست بسیار ناپذیرفتی به نظر می‌رسند، اما می‌توان با قاعدة «الشیء ما لم یجب لم یوجد» به توجیه اصل نخست پرداخت و با قاعده‌ای شبیه به آن («الشیء ما لم یمتنع لم یعدم») به توجیه اصل دوم (زیرا با عکس نقیض معادل است با «الشیء ما لم یوجد لم یمکن» و با عکس نقیض مجدد معادل است با «الشیء اذا امکن وجد»). البته این جمله اخیر همان محتوای «الشیء ما لم یمتنع لم یعدم» است و درواقع، اصولاً نیازی به دوبار عکس نقیض گرفتن نبود). در حقیقت، اگر «وجوب» را اعم از «وجوب بالذات» و «وجوب بالغیر» بگیریم آشکار خواهد شد که این

«وجوب» اعم مساوق با «وجود» خواهد گشت.

همچنین اگر به جای ممکنات موجود و معدهم، موجودات محقق و مقدر را بگذاریم، چنان که بسیاری از منطق‌دانان مسلمان چنین کرده‌اند، صدق اصل دوم و همارزی «ممکن» و «وجود» را بهتر درخواهیم یافت. به عبارت دیگر، می‌توانیم واژه «وجود» را به معنای عام آن که شامل موجودات محقق و مقدر است (و به تعبیری، شامل ممکنات موجود و معدهم است) بگیریم، که در این صورت، آشکار می‌شود که «وجود» به معنای عام همان «ممکن به امکان عام» خواهد بود.

با همه اینها، اگر «وجود» را نه به معنای عام آن، بلکه به معنای خاص «موجود خارجی و بالفعل و محقق» در نظر بگیریم در برابر «موجود مقدر و مفروض» یا «ممکن معدهم»، و نیز «واجب» را نه به معنای عام آن، بلکه به معنای خاص «واجب الوجود بالذات» بگیریم، آنگاه آشکارا دو اصل یاد شده نادرست خواهند بود؛ زیرا بسیاری از موجودات خارجی (مانند انسان‌ها) واجب‌الوجود بالذات نیستند و بسیاری از ممکن‌الوجودها (مانند سیمرغ) موجود نیستند. این نشان می‌دهد که اگر «وجود» را به معنای خارجی بگیریم منطق کلاسیک محمول‌ها مناسب آن خواهد بود؛ زیرا در آن احکامی اثبات می‌شود که مناسب معنای خارجی «وجود» نیست. این تأیید دیگری است براینکه منطق قضایی خارجیه منطق کلاسیک محمول‌ها نیست. از آنجاکه دو اصل یادشده در منطق موجهات آزاد اثبات نمی‌شوند، تأیید دیگری بر مناسب‌بودن قضایی خارجیه با منطق آزاد محمول‌ها یافته‌ایم. اثبات‌نشدن دو اصل یادشده در منطق موجهات آزاد، تأیید دیگری بر مناسب‌بودن قضایی خارجیه با منطق آزاد محمول‌ها است.

۷. قضایی حقیقیه و خارجیه در منطق زمان

منطق زمان شاخه‌ای از منطق موجهات است که «ضرورت» و «امکان» را به معنای «همیشه» و «گاهی» (یا «دوان» و « فعلیت») تفسیر می‌کند. در سماتیک صوری این نظام که شبیه سماتیک لاینتیسی است، به جای جهان‌های ممکن، لحظه‌های زمان گذاشته می‌شود؛ بنابراین، در این سماتیک، گزاره $\Box p$ و $\Diamond p$ به ترتیب به معنای «همیشه p » و «گاهی p » خواهند بود.

با افزودن این منطق زمان به منطق کلاسیک محمول‌های فرمول‌های سه‌گانه (بارکن، بوریدان و عکس بارکن) به همراه فرمول‌های زیر به‌طور مشابه اثبات‌پذیر خواهند شد که بسیار خلاف شهود هستند:

دائم‌گرایی: هر موجودی، دائم‌الوجود است
 $E!a \rightarrow \square E!a$

حال‌گرایی: هر گاهی موجودی، هم‌اینک موجود است
 $\Diamond E!a \rightarrow E!a$

این نشان می‌دهد منطق زمان با منطق کلاسیک محمول‌ها چندان هم‌خوانی ندارد و به نتایج نامعقولی می‌انجامد.

در یکی دیگر از شناخته‌ترین نظام‌های صوری منطق زمان، به‌جای نمادهای \square و \Diamond ، حروف انگلیسی G , H , P را به‌ترتیب به معنای «همیشه در آینده»، «همیشه در گذشته»، «گاهی در آینده»، و «گاهی در گذشته» به کار می‌برند و به‌جای سmantیک لایبنیتسی، از سmantیک کریپکی برای آن استفاده می‌کنند (نبوی، ۱۳۸۹، ص ۲۱-۲۲). در سmantیک صوری این نظام، به‌جای جهان‌های ممکن، لحظه‌های زمان گذاشته می‌شود و به‌جای رابطه دسترسی میان جهان‌ها، رابطه تقدم و تأخیر میان لحظه‌های زمان جایگزین می‌شود؛ بنابراین، جمله Gq برای نمونه به این معنا است که «در همه زمان‌های آینده q صادق است».

در سmantیک این نظام صوری منطق زمان، می‌توان دامنه سخن برای لحظه‌های زمان را ثابت یا متغیر در نظر گرفت. اگر یک دامنه سخن ثابت برای همه لحظه‌های زمان را در نظر بگیریم، همه موجودات گذشته، حال و آینده جزء دامنه سخن خواهد بود؛ اما با محدود کردن دامنه سخن هر لحظه از زمان به موجودات در آن لحظه، دامنه لحظه‌های زمان متغیر و متفاوت خواهد شد؛ زیرا موجودات در این زمان غیر از موجودات در هزار سال گذشته و غیر از موجودات در هزار سال آینده هستند.

نسبت سورها در سmantیک منطق زمان با دامنه ثابت در مقایسه با سmantیک منطق زمان با دامنه متغیر، شبیه نسبت سورهای قضیه حقیقیه در مقایسه با سورهای قضیه خارجیه خواهد بود؛ چراکه سورها در سmantیک دامنه ثابت، نامقید هستند و در سmantیک دامنه متغیر، مقید.

برای درک بهتر این نکته، صورت‌بندی فرمول‌های چهارگانه بارکن و بوریدان و عکس‌های آن دو را بر حسب نمادهای «دواام» (G یا H) در نظر بگیرید (من بر حسب G نوشتیم):

$$\forall x GFx \rightarrow G\forall x Fx$$

$$G\forall x Fx \rightarrow \forall x GFx$$

$$\exists x GFx \rightarrow G\exists x Fx$$

$$G\exists x Fx \rightarrow \exists x GFx$$

از میان این چهار فرمول، تنها سه فرمول نخست در سmantیک منطق زمان با دامنه ثابت معتبر و اثبات‌پذیر، و در سmantیک با دامنه متغیر هر چهار فرمول نامعتبر و اثبات‌ناپذیرند.

دو فرمول مربوط به واجب و ممکن در این نظام صوری به صورت دو حکم غیر شهودی

زیر درخواهند آمد:

$$E!a \rightarrow G E!a \quad \text{هر موجودی، دائم وجود خواهد بود}$$

$$F E!a \rightarrow E!a \quad \text{همه موجودات آینده، هم‌اینک موجود هستند}$$

از آنجاکه بسیاری از موجودات امروزی در آینده از میان خواهند رفت و موجودات جدیدی در آینده به وجود خواهند آمد، آشکار است که دو حکم اخیر نادرست‌اند. این نشان می‌دهد که احکام ترکیب منطق زمان با منطق کلاسیک محمول‌ها بسیار نامناسب از آب درمی‌آیند. هیچ‌کدام از احکام بالا در منطق زمان آزاد اثبات نمی‌شوند و این تأییدی است بر اینکه منطق زمان با منطق آزاد محمول‌ها و درنتیجه با قضایی خارجیه مناسبت بیشتری دارد.

نتیجه‌گیری

نشان دادم که منطق قضایی حقیقیه و منطق قضایی خارجیه، به ترتیب، منطق کلاسیک محمول‌ها و منطق آزاد محمول‌ها هستند. سmantیک منطق کلاسیک محمول‌ها، تک‌دامنه است و سورها در این سmantیک به صورت «نامقید» تفسیر می‌شوند؛ اما سmantیک منطق آزاد محمول‌ها دو‌دامنه‌ای است (دامنه کوچک و بزرگ) و سورها در آن به صورت «مقید» تفسیر می‌شوند. هم‌چنین نشان دادم که فرمول‌های سه‌گانه (بارکن، بوریدان و عکس بارکن) برای قضایی

حقیقیه، معتبر و برای قضایای خارجیه نامعتبر است. این فرمول‌ها در منطق موجهات کلاسیک محمول‌ها اثبات‌پذیر و در منطق موجهات آزاد محمول‌ها اثبات‌ناپذیرند و این تأیید دیگری است بر اینکه منطق کلاسیک محمول‌ها با قضایای حقیقیه، و منطق آزاد محمول‌ها با قضایای خارجیه تنااسب دارند. در سmantیک منطق موجهات، اگر دامنه سور، نامقید به جهان‌های ممکن خاص در نظر گرفته شوند، فرمول‌های سه‌گانه معتبر می‌شوند و این با قضایای حقیقیه مناسبت دارد و اگر دامنه سور در هر جهان ممکن، مقید به آن جهان در نظر گرفته شود، فرمول‌های سه‌گانه نامعتبر می‌شوند و این با قضایای خارجیه مناسبت دارد؛ ازین‌جهت، میان سmantیک منطق محمول‌ها و سmantیک منطق موجهات محمول‌ها شباهت هست و در اینجا نیز مقید و نامقید بودن دامنه سورها شباهت به سmantیک منطق محمولات کلاسیک و آزاد دارد و این تأیید دیگری است بر اینکه قضایای حقیقیه با منطق کلاسیک محمول‌ها و قضایای خارجیه با منطق آزاد محمول‌ها مناسبت دارند.

مشابه احکام یادشده برای فرمول‌های سه‌گانه مذکور در بند پیشین، برای منطق زمان کلاسیک و منطق زمان آزاد مطرح می‌شود و این نشان می‌دهد که قضایای حقیقیه و خارجیه در منطق زمان نیز، به ترتیب، با تفسیر کلاسیک و آزاد قرابت دارند.

چکیده مباحث منطقی مطرح شده در این مقاله، در جدول زیر آمده است:

قضیه خارجیه	قضیه حقیقیه	منطق محمول‌ها
قواعد مقید سور	قواعد کلاسیک سور	منطق محمول‌ها
دو دامنه (دامنه کوچک، دامنه درونی و دامنه بزرگ، دامنه بیرونی)	تک دامنه سور نامقید	سمantیک منطق محمول‌ها
دامنه کوچک، دامنه درونی سور مقید	دامنه بزرگ، دامنه بیرونی سور نامقید	سمantیک منطق موجهات

نفی فرمول‌های سه‌گانه (بارکن، بوریدان و عکس بارکن)	فرمول‌های سه‌گانه (بارکن، بوریدان و عکس بارکن)	منطق موجهات
امکان‌گرایی: نبود برخی ممکنات	ضرورت‌گرایی: وجود همه ممکنات بالفعل‌گرایی: وجوب همه موجودات	

نفی فرمول‌های سه‌گانه (بارکن، بوریدان و عکس بارکن)	فرمول‌های سه‌گانه (بارکن، بوریدان و عکس بارکن)	منطق زمان
عدم حضور گذشته و آینده در اکنون	حضور گذشته و آینده در اکنون	
عدم دوام امور حاضر در گذشته و آینده	دوام امور حاضر در گذشته و آینده	

در پایان، به ارتباط قضایی حقیقیه و خارجیه با مباحث مهمی در متافیزیک (فلسفه موجهات و فلسفه زمان) اشاره‌ای کوتاه و گذرا می‌کنم:

قضیه خارجیه	قضیه حقیقیه	فلسفه موجهات
بالفعل‌گرایی	امکان‌گرایی	

حال‌گرایی	سرمد‌گرایی	فلسفه زمان
موقع‌گرایی	دوام‌گرایی	

میزان ارتباط این مباحث فلسفی با قضایی حقیقیه و خارجیه تاکنون به صورت تفصیلی و دقیق بحث و بررسی نشده است و به نظر می‌رسد نیاز به پژوهش‌های گسترده‌تری دارد. امید است این مقاله اهمیت مباحث قضایی حقیقیه و خارجیه در بحث‌های متافیزیکی (اعم از فلسفه اسلامی و فلسفه تحلیلی معاصر) را تا اندازه‌ای کوچک روشن کرده و آغازی برای پژوهش‌های عمیق‌تر در این زمینه باشد.

سپاس‌گزاری

از همکار گرامی، دکتر علیرضا دارابی برای خواندن پیش‌نویسی از مقاله و ارائه نظرات ارزشمندان سپاس‌گزارم. آشکارا، مسؤولیت کاستی‌های مقاله همگی با من است.

منابع

- ابن‌سینا، حسین بن عبدالله (۱۳۸۱). *الإشارات والتنبيهات*. تصحیح مجتبی زارعی. قم: انتشارات دفتر تبلیغات اسلامی حوزه علمیه.
 ابن‌سینا، حسین بن عبدالله (۱۹۶۴ م). *الشفاء، المنطق، القیاس*. قاهره: دار الكاتب العربي للطبعه و النشر.

- عظیمی، مهدی (۱۳۹۴). تحلیل منطقی گزاره. *شرح منطق اشارات (نهج سوم تا ششم)*. قم: مجتمع عالی حکمت.
- فلاحی، اسدالله (۱۳۸۸). ابهام‌زدایی از قضایای حقیقیه، خارجیه، معدولیه و سالبه المحمول. *معارف عقلی*، ۱۳(۱)، ص ۹۱-۱۲۱.
- فلاحی، اسدالله (۱۳۹۷). اصل‌های بوریدان و بارکن در منطق سینوی و ارزیابی صحت استناد آنها به ابن سینا. *فلسفه و کلام اسلامی*، ۵۱(۲)، ۲۶۱-۲۷۸.
- فلاحی، اسدالله (۱۳۸۶). صورت‌بندی جدیدی از قضایای حقیقیه و خارجیه. *آینه معرفت*، ۱۱(۱)، ص ۳۱-۶۰.
- فلاحی، اسدالله (۱۳۸۷). قاعده فرعیه در منطق جدید، گزارشی انتقادی از نزاع پنجاه‌ساله منطق قدیم و جدید درباره پیشفرض وجودی در ایران. *آینه معرفت*، ۱۵(۲)، ص ۴۱-۶۶.
- فلاحی، اسدالله (۱۳۹۵). *منطق تطبیقی*. تهران: سمت.
- فلاحی، اسدالله (۱۳۹۶). نشست نقدوپرسی کتاب تأملاتی در منطق ابن‌سینا و سهروردی. *فصلنامه نقد کتاب، کلام، فلسفه، عرفان*، ۴(۱۳-۱۴)، ص ۷۹-۸۶.
- فلاحی، اسدالله (۱۴۰۰). قضایای حقیقیه و خارجیه نزد ارسسطو. *منطق پژوهی*، ۱۲(۱)، ص ۱-۳۵.
- فلاحی، اسدالله (۱۴۰۱). قضایای حقیقیه و خارجیه نزد شمس الدین سمرقندی. *منطق پژوهی*، ۱۳(۱)، ص ۱۶۶-۱۴۳.
- فلاحی، اسدالله (۱۴۰۲). سه معنای قضیه خارجیه. *جاویدان خرد*، ۲۰(۲)، ص ۵-۳۱.
- مطهری، مرتضی (۱۳۶۹). *مجموعه آثار* (۹)؛ *شرح مبسوط منظومه* (۱). تهران: انتشارات صدرا.
- موحد، ضیاء (۱۳۸۱). *منطق موجهات*. تهران: هرمس.
- موحد، ضیاء (۱۳۹۴). *تأملاتی در منطق ابن سینا و سهروردی*. تهران: هرمس.
- میرزای نائینی، محمدحسین (۱۳۷۶). *فوائد الاصول* (تقریر درس خارج محمدعلی کاظمی خراسانی).
- قم: جامعه مدرسین حوزه علمیه قم.
- نبوی، لطف‌الله (۱۳۷۹). تمایز *de dicto* و *de re* در منطق سینوی و تصویر آن در معناشناسی کریپکی، *مادرس*، ۴(۱۴)، ص ۱۴۹-۱۵۸.
- نبوی، لطف‌الله (۱۳۸۱). *منطق سینوی به روایت نیکلاس* رشر. تهران: علمی و فرهنگی.

نبوی، لطف‌الله (۱۳۸۹). مبانی منطق فلسفی. تهران: دانشگاه تربیت مدرس.
وحید دستجردی، حمید (۱۳۶۷). مدل و صورت منطق: ملاحظاتی درباره قاعدة عکس مستوی.
فرهنگ، ش ۲ و ۳، ص ۵۷۵-۵۸۹.

- Hodges, Wilfrid (2022). How did Avicenna understand the Barcan?. *Logic Journal of the IGPL* (published online: 24 August 2022).
- Movahed, Zia (2003). “Ibn-Sina’s Anticipation of the Formulas of Buridan and Barcan”. in Ali Enayat, Iraj Kalantari, & Mojtabi Moniri (editors). *Logic in Teheran: Proceedings of the Workshop and Conference on Logic, Algebra and Arithmetic*, held October 18-22. 2003. LNL 26 Wellesley, MA: ASL/A K Peters, Ltd. pp. 248-255.
- Chatti, Saloua (2019). *Arabic Logic from al-Fārābī to Averroes: A Study of the Early Arabic Categorical, Modal, and Hypothetical Syllogistics*, Cham: Birkhäuser.